

Измерение квантового состояния электрона в ридберговских атомах

И.А. Лучников

Московский физико-технический институт (государственный университет)

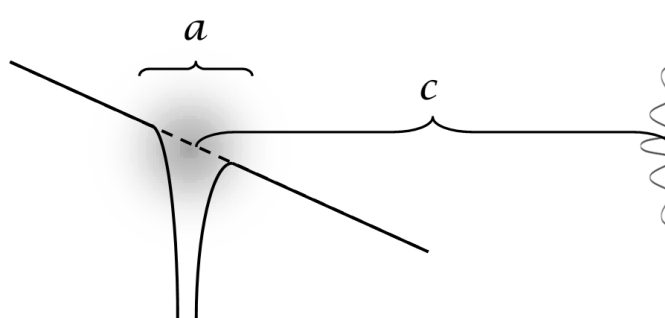
Ожидается, что микроскопия волновой функции окажется сильным инструментом в томографии квантовых состояний. Этот метод был реализован в экспериментах с водородом[1], ксеноном[2] и литием[3]. Основная идея заключается в оптическом возбуждении атомов, находящихся в электрическом поле, на уровни с большими квантовыми числами. Под действием поля электрон тунелирует, после чего регистрируется на экране. После большого числа повторений данного эксперимента, на экране образуется интерференционная картина, которую можно использовать для анализа волновой функции.

Было разработано теоретическое описание данного эксперимента. Найдена связь между интерференционной картиной, которая регистрируется на экране и структурой сильно возбужденного состояния атома. Была использована следующая модель. Система рассматривалась как ридберговский атом расположенный в слабом, постоянном и однородном электрическом поле. Показано, что в рассматриваемой задаче можно пренебречь собственным потенциалом атома.

Используя описанные выше приближения, можем выписать зависимость волновой функции возбужденного электрона от времени.

$$\psi(T, \mathbf{x}) = \frac{1}{Z} \int e^{i\left(\frac{(\mathbf{x}-\mathbf{y})^2}{2T} + \frac{1}{2}\mathbf{E}(\mathbf{x}+\mathbf{y})T\right)} \psi(\mathbf{y}) d^3 y$$

Здесь Z нормировочная константа.



Ридберговский атом в постоянном электрическом поле.

Атом располагается далеко от экрана по сравнению с его характерными размерами $c \gg a$,

$|\mathbf{E}|T^2 \gg a$ и $\frac{|\mathbf{E}|T^2}{2} \approx c$, здесь $\frac{|\mathbf{E}|T^2}{2}$ характерное расстояние между атомом и электроном.

Используя эти соотношения, можно получить приближенное выражение для волновой функции:

$$\psi(T, \mathbf{x}) = \frac{\sqrt{2\pi}}{Z} e^{i\left(\frac{\mathbf{x}^2 + T^2 \mathbf{E} \mathbf{x}}{2T}\right)} \tilde{\psi}\left(\frac{2\mathbf{x} - T^2 \mathbf{E}}{2T}\right)$$

$$|\psi(T, \mathbf{x})|^2 = \frac{2\pi}{Z^2} \left| \tilde{\psi}\left(\frac{2\mathbf{x} - T^2 \mathbf{E}}{2T}\right) \right|^2$$

Здесь $\tilde{\psi}$ фурье образ начальной волновой функции. Можно показать, что за время пролета через экран, характерные размеры волновой функции почти не меняются. Пользуясь этим утверждением можно получить связь фурье образа начальной волновой функции и интерференционной картины:

$$I(x, y) = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{2\pi}{Z^2} \left| \tilde{\psi} \left(\frac{2\mathbf{x} - \frac{2c}{|\mathbf{E}|} \mathbf{E}}{\sqrt{\frac{4c}{|\mathbf{E}|}}} \right) \right|^2 dz$$

Исследование выполнено при финансовой поддержке гранта РФФИ № 16-32-00778

Литература

1. A. S. Stodolna, A. Rouzee, F. Lepine, S. Cohen, F. Robicheaux, A. Gijbetsen, J. H. Jungmann, C. Bordas, and M. J. J. Vrakking. Hydrogen Atoms under Magnification: Direct Observation of the Nodal Structure of Stark States // Phys. Rev. Lett. 110, 213001 (2013).
2. C. Nicole, I. Sluimer, F. Rosca-Pruna et al. Slow photoelectron imaging // Phys. Rev. Lett. 85(19), 4024 (2000).
3. S. Cohen, M.M. Harb, A. Ollagnier et al. Wave function microscopy of quasibound atomic states // 110(18), 183001 (2013).